

# Analiza I – wykład czwarty

Katarzyna Grabowska

# Relacja równoważności

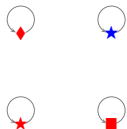
## Definicja

Relację  $\mathcal{R} : X \dashrightarrow X$  nazywamy relacją równoważności wtedy i tylko wtedy gdy

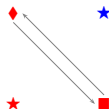
- 1  $\mathcal{R}$  jest zwrotna, tzn.  $\forall x \in X (x, x) \in \mathcal{R}$ ;
- 2  $\mathcal{R}$  jest symetryczna, tzn.  $\forall x, y \in X (x, y) \in \mathcal{R} \Rightarrow (y, x) \in \mathcal{R}$ ;
- 3  $\mathcal{R}$  jest przechodnia, tzn.  
 $\forall x, y, z \in X (x, y) \in \mathcal{R} \wedge (y, z) \in \mathcal{R} \Rightarrow (x, z) \in \mathcal{R}$ .

# Relacja równoważności

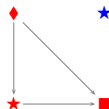
zwrotna



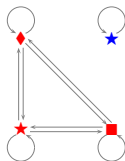
symetryczna



przechodnia



relacja równoważności



# Relacja równoważności

$m, n$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	■	■	■	■						
2	■	■	■	■	■					
3	■	■	■	■	■	■				
4		■	■	■	■	■	■			
5			■	■	■	■	■	■		
6				■	■	■	■	■	■	3
7					■	■	■	■	■	2
8						■	■	■	■	1
9							■	■	■	0
10								■	■	-1
11									■	-2

$$[(1, 1)] = \{(m, n) : n = m\} = 0$$

$$[(1, 2)] = \{(m, n) : n = m + 1\} = 1$$

$$[(2, 1)] = \{(m, n) : n + 1 = m\} = -1$$